

AMS Subj.Class. (1970) 52 A 20

26 A 51

SPLOSNE LASTNOSTI KONVEKSNIH MNOŽIC

1) Označevanje.

POVZETEK VSEBINE

Podmožje je realnega n -dimenzionalnega evklidskega prostora R^n . Ta je definiran z

$$R^n = \{(x_1, \dots, x_n) : x_i \in R \text{ za } i = 1, \dots, n\}$$

Prvo poglavje govori o splošnih lastnostih konveksnih množic v n -dimenzionalnem evklidskem prostoru. Najpomembnejši rezultat je izrek, ki pove, da gre skozi vsako robno točko konveksne množice hiperravnina, ki ne reže množice.

V drugem poglavju je izpeljanih nekaj lastnosti konveksnih funkcij. Definirana sta funkcional Minkowskega in oporna funkcija konveksne množice.

Tretje poglavje vsebuje nekaj izrekov o množicah s konstantno širino, predvsem ravninskih.

$$|x| = \sqrt{x_1^2 + \dots + x_n^2}$$

d) razdalja

$$d(x, y) = |x - y| = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + \dots + (x_n - y_n)^2}$$

Rob množice X je označen z ∂X , notranjost z X° , in zaprtje z \bar{X} . Zveznica točk x in y je označena z xy . $K(x, r) = \{y : |x - y| < r\}$ je odprta krogla s središčem x in polmerom r . Podmnožica $X \subset R^n$ je omejena, če obstaja takšna krogla $K(x, r)$, da velja $X \subset K(x, r)$.

Razdalja med točko x in množico X je definirana z

$$d(x, X) = \inf \{ |x - y| : y \in X \}$$

Koeficient asimetrije množice X glede na točko p je definiran s predpisom

$$f(X;p) = 1 - p(X(p))/p(X)$$

Koeficient asimetrije množice X je definiran s predpisom

$$g(X) = \min_p f(X;p)$$

Izrek 26. Naj bo X ravninska konveksna množica. Potem velja $0 \leq g(X) \leq \frac{1}{3}$.

Izrek je dokazan v [1].

Izrek 27. Naj bo X ravninska konveksna množica s konstantno širino. Potem velja

$$0 \leq g(X) \leq g(R)$$

kjer je R Reuleaux-ov trikotnik in znaša $g(R)$ približno 0,16.

Izrek je prvi dokazal A.S.Besicovitch. Za dokaz glej Ibid. 26 (1951), 81-93.

LITERATURA

- [1] H.G.Eggleston, Convexity, Cambridge, University Press 1963
- [2] F.A.Valentine, Convex sets, New York, Mc Graw-Hill 1964
- [3] G.H.Hardy, J.E.Littlewood, G.Polya, Inequalities, Cambridge, University Press 1952