

V diplomski nalogi bom obravnavala dvorazmerje z geometrijskimi pojemi.

Diplomsko delo sem razdelila na tri poglavja. V prvem poglavju sem zbrala osnovne algebarske definicije, definirala projektivni prostor in projektivne transformacije, ki sem jih v drugem poglavju potrebovala. V naslednjem poglavju sem obravnavala dvorazmerje pri nekomutativnih obsegih. V drugem delu tega poglavja sem obravnavala projektivne transformacije na premici in kako te transformacije vplivajo na dvorazmerje. V zadnjem poglavju sem naredila posplošitev. Namesto vektorskega prostora sem vzela modul nad danim komutativnim kolobarjem.

V zadnjem poglavju, ko je obseg nekomutativen, je obseg komutativen. Če zakon komutativnosti ne velja, je obseg nekomutativen.

#### Center obsega:

Naj bo  $\mathbb{F}$  nekomutativen obseg. Knjedice elementov obsega  $\mathbb{F}$ , ki komutirajo s vsemi elementi obsega  $\mathbb{F}$ , imenujemo center obsega. Če je vsak element iz obsega centralen, je obseg komutativen.

#### Automerfizem in antiavtomorfizem:

Naj bo  $f$  poravnano enotična preslikava obsega  $\mathbb{F}$  v obseg  $\mathbb{F}'$ .  
Da naj bo  $f$  homomorfizem za sestevanje. Če preslikava  $f$  zadolži:  
 $f(a+b) = f(a)+f(b)$  za vse  $a,b$  iz obsega  $\mathbb{F}$ , potem je  $f$  izomorfizem obsega  $\mathbb{F}$  na obseg  $\mathbb{F}'$ .

b.) Če  $f$  zadolži:

$f(ab) = f(b).f(a)$  za vse  $a,b$  iz obsega  $\mathbb{F}$ , potem je  $f$  anti-

Literatura:

E. Artin: Geometric Algebra

R. Baer: Linear algebra and projective geometry.

Limaye - Limaye: Fundamental theorem for the projective  
line over non commutative local rings. Archiv  
Math. XXVIII (1977), 102 - 109.

Limaye: Math. Zeitschrift 121 (1971), 175 - 180.