

Povzetek

OZNAČBE IN TERMINOLOGIJA

Zvezno preslikavo $f : \overline{D} \rightarrow \mathbb{C}^N$, holomorfno na notranjosti zaprtega enotskega diska $\overline{D} \subset \mathbb{C}$, imenujemo analitičen disk. Množico $f(\partial D)$ imenujemo rob analitičnega diska f . S pomočjo rešitve Riemann-Hilbertovega robnega problema bomo analitičnemu disku z robom v maksimalno realni C^2 podmnogoterosti $M \subset \mathbb{C}^N$ priredili cela števila $\kappa_1, \dots, \kappa_N$, ki jih bomo imenovali parcialne indekse M vzdolž $f|_{\partial D}$. Izkaže se, da lahko v primeru, ko so vsi parcialni indeksi večji ali enaki -1 , v okolici f opišemo strukturo množice analitičnih diskov z robom v M . To je tudi glavni rezultat, ki ga bomo v tem delu obravnavali.

Math.Subj.Class.(1997): 30E25, 32F25.

Key words: singular integrals, Riemann-Hilbert problem, analytic disc, maximal real submanifold.

Na koncu delu bomo predstavili nekaj rezultatov, ki jih bomo raziskovali v nadaljevanju.

Definicija 1.1. Prostor $A^p(D)$ je prostor vseh funkcij na D , ki so na D holomorfne in srednjim kvadratnim integralom $\int_D |f(z)|^2 dz < \infty$.

$$A^p(D) = \{f \in L^2(D) : \int_D |f(z)|^2 dz < \infty\}.$$

Na koncu delu bomo predstavili tudi nekaj bolj nizvodnih funkcijskih prostorov. Če je $\Omega \subset \mathbb{C}^N$ in $\Omega \cap \partial D \neq \emptyset$, vvedimo glavno vrsto kvadratne kompleksne korne, ki pravijo tudi kvadratne kompleksne korne. Če je $\Omega \subset \mathbb{C}^N$ in je prostor kompleksnih funkcij g na $\Omega \cap \partial D$, za katere velja

$$\lim_{z \rightarrow z_0} g(z) \text{ in } \lim_{z \rightarrow \bar{z}_0} g(z)$$

je nazadnje $g(1^\ast) = g(1^\ast)$ ter velja

$$g(1^\ast) + g(1^\ast) = 0$$

Literatura

- [1] H.Cartan: Calcul différentiel. Hermann, Paris, 1967.
- [2] M.Černe: Analytic discs attached to a generating CR-manifold. *Arkiv för Mat.*, **33** (1995), 217-248.
- [3] M.Černe: Stationary discs of fibrations over the circle. *Internat. J. Math.*, **6** (1995), 805-823.
- [4] M.Černe: Thesis. University of Wisconsin-Madison, 1994.
- [5] E.M.Čirka: Regularity of boundaries of analytic sets (Russian). *Math.Sb. (N.S.)*, **117**(150)(1982), 291-334; *Math. USSR Sb.* **45** (1983), 291-336, (English).
- [6] F.Forstnerič: Analytic discs with boundaries in a maximal real submanifold of \mathbb{C}^2 . *Ann. Inst. Fourier*, **37** (1987), 1-44.
- [7] J.Globevnik: Perturbation by analytic discs along maximal real submanifolds of \mathbb{C}^N . *Math. Z.*, **217** (1994), 287-316.
- [8] J.Globevnik: Perturbing analytic discs attached to maximal real submanifolds of \mathbb{C}^N . *Indag. Math., N.S.*, **7** (1994), 37-46.
- [9] J.Globevnik: Partial indices of analytic discs attached to Lagrangian submanifolds of \mathbb{C}^N . *Ann. Inst. Fourier*, **46-5** (1996), 1307-1326.
- [10] J.K.Lu: Boundary value problems for analytic function. World Scientific Publ., 1993.
- [11] N.I.Muskhelishvili: Singular integral equations, 2nd edition. P.Noordhoff N.V., Groningen, 1953.
- [12] J.Plemelj: Riemannsche Funktionenscharen mit gegebener Monodromiegruppe. *Monatsh. Math. Phys.*, **19** (1908), 211-245.
- [13] A.Pressley, S.Segal: Loop groups, Oxford Science Publ., Clarendon press, Oxford, 1986.

- [14] W.Rudin: Real and complex analysis. McGraw-Hill, 1997.
- [15] J.M.Trepneau: On the global Bishop equation. (in preparation).
- [16] F.G.Tricomi: Integral equations. Interscientific Publ., NY, 1957.
- [17] N.P.Vekua: Systems of singular integral equations, 2nd edition (Russian). Nauka, Moscow, 1970.
- [18] N.P.Vekua: Systems of singular integral equations. Nordhoff, Groningen, 1967.