

## Povzetek

Diplomsko delo govori o razcepu velikih števil in natančneje opisuje tri metode za razcep, Pollardovo  $\rho$  metodo, metodo verižnih ulomkov in metodo kvadratnega sita.

V uvodu je predstavljena najpreprostejša metoda za razcep števil, metoda poskusnega deljenja, pri kateri s poizkušanjem preverjamo, ali je dano število  $N$  deljivo s katerim od praštevil, ki so manjša od neke izbrane meje. Ta metoda je uporabna le za iskanje majhnih praštevilskih faktorjev, večje prafaktorje poiščemo z eno od v delu opisanih metod.

Drugo poglavje vsebuje več pripomočkov iz teorije števil, ki so nepogrešljivi za razumevanje metode verižnih ulomkov in metode kvadratnega sita. Seznanimo se z verižnimi ulomki in kvadratnimi kongruencami. V tretjem poglavju je opisana Pollardova  $\rho$  metoda za razcep števil oziroma Brentova izboljšava le-te. Četrto poglavje govori o skupnih lastnostih metode verižnih ulomkov in metode kvadratnega sita. Pri obeh metodah moramo poiskati taki števili  $x$  in  $y$ , da velja kongruenca  $x^2 \equiv y^2 \pmod{N}$ , hkrati pa  $x \not\equiv y \pmod{N}$ . Z njuno pomočjo potem poiščemo faktor števila  $N$ . V resnici pri obeh metodah generiramo kongruence oblike  $x_k^2 \equiv (-1)^{e_{0k}} p_1^{e_{1k}} \dots p_n^{e_{nk}} \pmod{N}$ , kjer so  $p_i$  praštevila. Iz teh kongruenc potem z Gaussovo eliminacijo dobimo kongruenco  $x^2 \equiv y^2 \pmod{N}$ . Način generiranja kongruenc je pri obeh metodah drugačen. Pri metodi verižnih ulomkov, opisani v petem poglavju, generiramo kongruence s pomočjo razvoja števila  $\sqrt{N}$  v verižni ulomek, pri metodi kvadratnega sita, opisani v šestem poglavju, pa oblikujemo tabele vrednosti  $x_k = \lfloor \sqrt{N} \rfloor + k$ ,  $y_k = x_k^2 - N$  in  $\log y_k$  in poskusno deljenje vrednosti  $y_k$  s praštevili iz faktorske baze prevedemo na odštevanje logaritmov. Pri tem za vsako praštevilo vemo, kateri  $y_k$  so deljivi z njim, zato sejemo preko tabele vrednosti  $\log y_k$ .

Dodatek vsebuje primer implementacije vseh treh algoritmov v programu *Mathematica*.

**Math. Sub. Class. (1991):** 11A07, 11A51, 11A55.

**Key words:** factorization, continued fraction, congruences.

## Literatura

- [1] R.P. Brent, Parallel algorithms for integer factorisation, v: *Number Theory and Cryptography*, ur. J.H. Loxton, London Mathematical Society Lecture Note Series, vol. 154, Cambridge University Press, 1990.
- [2] D.M. Bressoud, *Factorization and Primality Testing*, Springer-Verlag New York Inc., 1989.
- [3] H. Cohen, *A Course in Computational Algebraic Number Theory*, Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 1993.
- [4] J. Grasselli, Osnove teorije števil, DMFA RS in Državna založba Slovenije, 1975.
- [5] G.H. Hardy, E.M. Wright, *An Introduction to the Theory of Numbers*, Oxford University Press, 1979.
- [6] A. Hurwiz, N. Ktitikos, *Lectures on Number Theory* Springer-Verlag New York, 1986.
- [7] D.E. Knuth, *The Art of the Computer Programming*, vol. 2: Seminumerical Algorithms, Addison-Wesley Publishing Company, 1981.
- [8] N. Koblitz, *A Course in Number Theory and Cryptography*, Springer-Verlag New York Inc., 1987.
- [9] A. Menezes, S. Vanstone, Solving Large Sparse Linear Systems over Finite Fields, v: *Advances in Cryptology*, vol. 90, Lecture Notes in Computer Science, Springer-Verlag, 1991.
- [10] R.D. Silverman, The multiple polynomial quadratic sieve, *Mathematics of Computation*, 48 (1987), 329-339.