

1. UVOD

VSEBINA

V tekstu je predstavljena nova metoda, s katero lahko preštevamo številne razrede stolpčno konveksnih poligonov, glede na vrednosti parametrov, kot sta širina in ploščina.

Prvi korak metode je določitev funkcionalnih enačb, ki jim zadoščajo rodovne funkcije preučevanega razreda poligonov.

Drugi korak predstavlja rešitev dobljenih enačb.

Opisano metodo uporabimo za preštevaje paralelogramskih, usmerjenih konveksnih, konveksnih, stolpčno konveksnih in usmerjenih stolpčno konveksnih poligonov.

Enostaven
sprehod

Poligon

Polimino

SUKA 1

DEFINICIJA:

Množica v ravnini je polimino, če je enaka uniji kakšne končne množice osnovnih celic, njena notranjost pa je povezana. (sl. 1)

DEFINICIJA:

Poligon je kakšna unija osnovnih celic z enostavno povezano notranjostjo. (sl. 1)

DEFINICIJA:

Sprehod je unija delov oblike $A_0A_1A_2, \dots, A_{n-1}A_n$, kjer imajo vse točke A_i ($i=0, 1, 2, \dots, n$) celoštevilske koordinata in se točki A_i ter A_{i+1} v eni od koordinat ujemata, v drugi pa se razlikujeta za 1.

Math. Subj. Class. (1991): 05A15

Key words: enumeration, column-convex polygons, directed polyominoes, generating function, stack polygons, area, width, left height, right height.

DEFINICIJA:

Sprehod je enostaven, če ne seka sameg sebe.

5. LITERATURA

- [1] Mireille Bousquet-Melou, A method for the enumeration of various classes of column-convex polygon, *Discrete Mathematics* 154 (1996) str. 1-25.
- [2] Mireille Bousquet-Melou in Jean-Marc Fedou, The generating function of convex polyominoes: the resolution of a q-differential system, *Discrete Mathematics* 137 (1995), str. 53-75.
- [3] D.A. Klarner and R.L. Rivest, A Procedure for improving the upper bound for the number of n-ominoes, *Can. J. Math.* 25 (1973) 585-602.
- [4] S. Feretić, D. Svrtan, On the number of column-convex polyominoes with given perimeter and number of columns, in: A. Barlotti, M. Delest and R. Pinzani eds., *Proc. 5th Conf. Formal Power Series and Algebraic Combinatorics, Florence, Italy* (June 1993).
- [5] D.A. Klarner and R.L. Rivest, Asymptotic bounds for number of convex n-ominoes, *Discrete Math.* 8 (1974) 31-40.
- [6] M.-P. Delest and J.-M. Fedou, Enumeration of skew Ferrers diagrams, *Discrete Math.* 112 (1993) 65-79.
- [7] M. Bousquet-Melou and X.G. Viennot, Empilements de segments et q-enumeration de polyominos convexes diriges, *J. Combin. Theory Ser. A* 60 (1992) 196-224.
- [8] K.Y. Lin and S.J. Chang, Rigorous results for the number of convex polygons on the square and honeycomb lattices, *J. Phys. A: Math. Gen.* 21 (1988) 2635-2642.
- [9] M.-P. Delest and S. Dulucq, Enumeration of directed column-convex animals by perimeter and area, *Croatica Chemica Acta* 66 (1993) 59-80.
- [10] K.Y. Lin, Exact solution of the convex polygon perimeter and area generating function, *J. Phys. A: Math. Gen.* 24 (1991) 2411-2417.
- [11] M.-P. Delest and G. Viennot, Algebraic languages and polyominoes enumeration, *Theoret. Comput. Sci.* 34 (1984) 169-206.
- [12] M.-P. Delest, Generation function for column-convex polyominos, *J. Combin. Theory Ser. A* 48 (1988) 12-31.
- [13] R. Brak, A.J. Guttmann and I.G. Enting, Exact solution of the row-convex polygon perimeter generating function, *J. Phys. A: Math. Gen.* 23 (1990) 2319-2326.