

## Kratek povzetek naloge

Naloga obravnava konveksne množice evklidske ravnine  $\mathbb{R}$ , ki vsebujejo najvec eno točko dane paralelogramske mreže točk v tej ravnini. Tako množico smo označili s  $K$ .

Izrek 1 obdela neenakosti za širino množice  $K$ , ki ne vsebujejo nobene točke mreže  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ , izrek 2 pa neenakosti za širino množice  $K$ , ki vsebujejo eno točko dane mreže.

Nato vzamemo za mrežo trikotno mrežo generirano z vektorjema  $a = (1, 0)$  in  $b = (1/2, \sqrt{3}/2)$ . Izrek 3 obravnava neenakosti za širino množice  $K$ , ki ne vsebujejo nobene točke te mreže. V izreku 4 pa se srečamo s konveksnimi množicami, ki vsebujejo le eno točko zgoraj definirane mreže.

Sledi obravnava pravokotne mreže, generirane z vektorjema  $(u, 0)$  in  $(0, v)$ . Izrek 5 govori o širini zaprtih, konveksnih množic, ki ne vsebujejo nobene točke podane mreže. Izrek 5 smo dokazali s pomočjo izreka 1, izrek 4 pa sledi iz njega.

Nadaljne poglavje preučuje zvezo med širino množice  $K$ , in številom točk dane mreže, ki jih množica  $K$  vsebuje. V zvezi s tem, izrek 6 in izrek 7 obravnavata le množice, ki vsebujejo le točko 0 iz mreže  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ .

Math. Subj. Class. (1991): 51M04, 51M16, 15A440

Key Words: convex set, euclidian plane, integral lattice

## LITERATURA

- [1] Paul R. Scott: *Convex Sets and the Hexagonal Lattice*, vol.51,  
no.4, september 1978, 237-238
- [2] Milan Hladnik: *Konveksne množice v ravnini*

Z uravnoteženega mnenja, Četrtoj Lekciji je pomemben zavedanje, da  
pravokotnični je realec. Zaradi tega niso v tem delu želeli, da bi v študiju  
zadela vse lemnice, kar poskrbi pa za boljšo razumevanje skupnosti in jo  
naredi načelno dobro.